

一、單選題 (25 題 每題 4 分 共 100 分)

() 1. 在坐標平面上的平行四邊形 $ABCD$ (按順序) 中, 若

$$\overrightarrow{AB} = (4, 8), \overrightarrow{AD} = (1, 4), \text{ 則 } |\overrightarrow{AC}| + |\overrightarrow{BD}| =$$

(A) $4\sqrt{5} + \sqrt{17}$ (B) 18 (C) $8\sqrt{5} + 2\sqrt{17}$ (D) 36

() 2. 已知 θ 為銳角, 若 $\cos 2\theta = \frac{3}{4}$, 則 $\sin \theta =$ (A) $\frac{\sqrt{2}}{3}$ (B) $\frac{\sqrt{2}}{4}$

(C) $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ (D) $\frac{3\sqrt{2}}{4}$

() 3. 設 $P(-2, 4)$ 與 $Q(2, -2)$, 若直線 $L: ax + 3y + b = 0$ 為 \overline{PQ} 的

垂直平分線, 求 $a + b$ 之值為何? (A) $-\frac{15}{2}$ (B) -5 (C) -1 (D) $\frac{3}{2}$

() 4. 已知 $\sin \theta + \cos \theta = \sqrt{2}$, 且向量 $\vec{a} = (\sin \theta, 1)$,

$$\vec{b} = (\cos \theta, 2), \text{ 則 } |\vec{a} - \vec{b}| = \text{ (A) } 1 \text{ (B) } \sqrt{2} \text{ (C) } \sqrt{3} \text{ (D) } 2$$

() 5. 若 $L_1: 8x - 15y + 20 = 0$ 與 $L_2: 4x + my - 7 = 0$ 平行, 則此兩

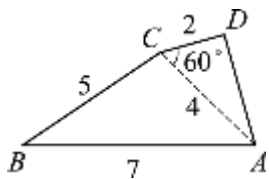
直線距離為 (A) $\frac{3}{2}$ (B) 2 (C) $\frac{40}{17}$ (D) $\frac{45}{17}$

() 6. $\triangle ABC$ 中, $\overline{BC} = 2\sqrt{2}$, $\overline{AC} = 2\sqrt{3}$, $\angle A = 45^\circ$, 若 $\angle B$ 為

鈍角, 則 $\angle B =$ (A) 135° (B) 145° (C) 120° (D) 150°

() 7. 如圖所示, 四邊形 $ABCD$ 中, $\overline{AB} = 7$, $\overline{BC} = 5$, $\overline{AC} = 4$,

$\overline{CD} = 2$, $\angle ACD = 60^\circ$, 則四邊形 $ABCD$ 的面積為



(A) $2\sqrt{2} + 4\sqrt{5}$ (B) $2\sqrt{3} + 4\sqrt{6}$ (C) $3\sqrt{2} + 6\sqrt{5}$

(D) $3\sqrt{2} + 4\sqrt{3}$

() 8. 已知三角形的三頂點為 $A(-3, -4)$ 、 $B(3, 4)$ 、 $C(k, 0)$, 且 $\angle BCA$

$= 90^\circ$, 則 k^2 之值為 (A) 9 (B) 16 (C) 25 (D) 36

() 9. $\cos 210^\circ + \cot(-225^\circ) + \sec(-660^\circ) =$ (A) $3 + \frac{\sqrt{3}}{2}$

(B) $3 - \frac{\sqrt{3}}{2}$ (C) $1 - \frac{\sqrt{3}}{2}$ (D) $1 + \frac{\sqrt{3}}{2}$

() 10. 設一正六邊形 $ABCDEF$ 的一邊長為 2, 則 $\frac{\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{AC}}{\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}}$ 之值為

(A) 1 (B) 2 (C) $2\sqrt{2}$ (D) $\sqrt{2}$

() 11. 在 $\triangle ABC$ 中, $\overline{AB} = 6$, $\overline{AC} = 8$, $\angle A = 60^\circ$, 若 $\angle A$ 之

內角平分線交 \overline{BC} 於 D , 則 $\overline{AD} =$ (A) $\frac{24}{7}$ (B) $\frac{24\sqrt{3}}{7}$ (C) $\frac{12}{7}$ (D) $\frac{12\sqrt{3}}{7}$

() 12. 下列哪個點不在函數 $y = -x^2 + x - 5$ 的圖形上? (A) $(-1, -$

$7)$ (B) $(0, -5)$ (C) $(1, -6)$ (D) $(2, -7)$

() 13. 設 $A(-1, 3)$, $B(3, 7)$, 若 \overline{AB} 為一圓的直徑, 則此圓的圓心坐

標為 (A) $(1, 5)$ (B) $(2, 10)$ (C) $(-2, -2)$ (D) $(-4, -4)$

() 14. 一銳角 θ 的餘切函數值為 $\frac{3}{2}$, 則 θ 角的正割函數值為

(A) $\frac{2}{3}$ (B) $\frac{\sqrt{13}}{3}$ (C) $\frac{3}{\sqrt{13}}$ (D) $\frac{3}{2}$

() 15. 已知直線 L 之 x 截距為 -3 , y 截距為 15 , 則下列敘述何者

正確? (A) 直線 L 過點 $(5, 1)$ (B) 直線 L 過點 $(-4, 5)$ (C)

直線 L 過點 $(5, -1)$ (D) 直線 L 過點 $(-4, -5)$

() 16. 求 $f(x) = \cos^2 2x + 2\sin^2 x$ 之極小值為 (A) $\frac{1}{4}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{3}{4}$ (D) 1

() 17. 設 $A(1, 1)$ 、 $B(4, 3)$ 、 $C(0, 2)$ 為坐標平面上三點, 試求 \overrightarrow{AB}

在 \overrightarrow{AC} 上之正射影長度為 (A) $\frac{\sqrt{2}}{3}$ (B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (C) $\sqrt{2}$ (D) $2\sqrt{2}$

() 18. 若 $0 \leq \theta \leq \frac{4\pi}{3}$, 則 $\sin \theta$ 的最小值為何? (A) -1 (B) $-\frac{\sqrt{3}}{2}$

(C) $\frac{1}{2}$ (D) $-\frac{1}{2}$

() 19. 已知平行四邊形的兩邊在直線 $2x + 3y - 7 = 0$ 與 $x - 3y + 4 = 0$

上, 一頂點為 $(1, 1)$, 則另兩邊所在直線方程式分別為 (A) $2x$

$+ 3y + 5 = 0$ 與 $x - 3y + 2 = 0$ (B) $2x + 3y - 5 = 0$ 與 $x - 3y - 2$

$= 0$ (C) $2x + 3y + 5 = 0$ 與 $x - 3y - 2 = 0$ (D) $2x + 3y - 5 = 0$

與 $x - 3y + 2 = 0$

() 20. α 、 β 均為銳角, $\cos \alpha = \frac{4}{5}$, $\tan \beta = \frac{5}{12}$, 試求 $\sin(\alpha + \beta)$

之值為 (A) $\frac{56}{65}$ (B) $\frac{65}{56}$ (C) $\frac{63}{65}$ (D) $\frac{65}{63}$

() 21. 下列何者與 $\vec{a} = (-1, 3)$ 平行? (A) $(1, 3)$ (B) $(3, -1)$ (C) $(2,$

$-6)$ (D) $(-3, -9)$

() 22. 過點 $(2, -1)$, 且與 x 軸正向成 150° 夾角之直線方程式為

(A) $\sqrt{3}y - x - 2 + \sqrt{3} = 0$ (B) $y - \sqrt{3}x - 2 + \sqrt{3} = 0$

(C) $\sqrt{3}y + x + 2 - \sqrt{3} = 0$ (D) $\sqrt{3}y + x - 2 + \sqrt{3} = 0$

() 23. 設 $|\vec{a}| = 2$, $|\vec{b}| = \sqrt{2}$, \vec{a} 與 \vec{b} 的夾角為 $\frac{3\pi}{4}$, 試求

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = \text{ (A) } 4 \text{ (B) } -2 \text{ (C) } 3 \text{ (D) } 2$$

() 24. 已知 $|\vec{a}| = 1$, $|\vec{b}| = \sqrt{5}$, $\vec{a} \cdot \vec{b} = -2$. 若 $t\vec{a} + (1-t)\vec{b}$

和 $\vec{a} - \vec{b}$ 垂直, 其中 t 為實數, 則 $t =$ (A) $\frac{7}{10}$ (B) $\frac{\sqrt{5}}{3}$

(C) $\frac{3}{4}$ (D) $\frac{\sqrt{5}}{2}$

() 25. 直線 L 的 x 截距為 -1 , y 截距為 2 , 則 L 的方程式為 (A) x

$+ 2y + 1 = 0$ (B) $2x + y + 2 = 0$ (C) $x - 2y - 1 = 0$ (D) $2x - y$

$+ 2 = 0$