

- () 1. 坐標平面上兩點 $P(1,3)$ 和 $Q(2,5)$ 的直線距離為何? (A) $\sqrt{3}$
 (B) $\sqrt{5}$ (C) 3 (D) 5

解答 B

解析 $PQ = \sqrt{(1-2)^2 + (3-5)^2} = \sqrt{1+4} = \sqrt{5}$

- () 2. 設 \vec{a} 與 \vec{b} 為兩向量, $\vec{a} = (x, y)$, x, y 為實數, 且 $|\vec{a}| = \sqrt{13}$,

$\vec{b} = (3, -2)$, 則 \vec{a} 與 \vec{b} 之內積的最大值為何? (A) $\sqrt{13}$ (B) $\sqrt{65}$

(C) 13 (D) 65

解答 C

解析 由題目中, $|\vec{a}| = \sqrt{13}$, $\vec{b} = (3, -2)$

$$\Rightarrow |\vec{b}| = \sqrt{3^2 + (-2)^2} = \sqrt{9+4} = \sqrt{13}$$

所求 $\vec{a} \cdot \vec{b}$ 之內積:

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| |\vec{b}| \cos \theta = \sqrt{13} \times \sqrt{13} \times \cos \theta = 13 \cos \theta$$

$\therefore -1 \leq \cos \theta \leq 1$ (最大)

故當 $\cos \theta = 1$ 代入 $13 \cos \theta$ 得 13, 是為最大內積 () 3. 已知 $\triangle ABC$ 三頂點

為 $A(-1, 3)$ 、 $B(2, 1)$ 、 $C(-3, -1)$, 若直線 \vec{AD} 平分 $\triangle ABC$ 的面積, 則直線 \vec{AD}

之方程式為何? (A) $3x + y = 0$ (B) $3x - y + 6 = 0$ (C) $6x - y + 9 = 0$ (D) $6x + y$

$+ 3 = 0$

解答 D

解析 由題目中, \vec{AD} 平分 $\triangle ABC$ 的面積

$\Rightarrow \vec{AD}$ 通過 $B(2, 1)$ 、 $C(-3, -1)$ 的中點 $(\frac{2+(-3)}{2}, \frac{1+(-1)}{2})$, 即

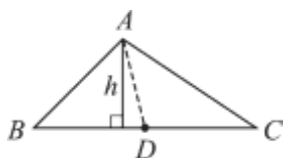
$(-\frac{1}{2}, 0)$

再由 $A(-1, 3)$ 得 \vec{AD} : $y - 3 = \frac{3-0}{-1-(-\frac{1}{2})}(x - (-1))$

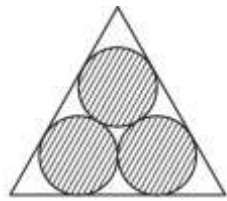
$$\Rightarrow y = \frac{3}{-1 + \frac{1}{2}}(x + 1) \Rightarrow y = \frac{3}{-\frac{1}{2}}(x + 1)$$

$$\Rightarrow y = -6(x + 1)$$

$$\Rightarrow y = -6x - 6 \Rightarrow 6x + y + 6 = 0$$



- () 4. 三個半徑為 2 的圓, 兩兩外切且內切於正三角形, 如圖, 則此正三

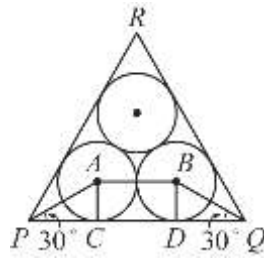


角形之邊長為何?

- (A) 6 (B) $4 + 2\sqrt{3}$ (C) 8 (D) $4 + 4\sqrt{3}$

解答 D

解析 如圖所示



$\therefore \triangle PQR$ 為正三角形 $\Rightarrow \angle RPQ = \angle RQP = 60^\circ \Rightarrow \angle APC = 30^\circ$, $\angle BQD = 30^\circ$

已知圓半徑 $r = 2$, 則 $\overline{CD} = \overline{AB} = 2 \times r = 4$

$$\overline{PC} = \overline{AC} \times \cot 30^\circ = r \times \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

$$\overline{DQ} = \overline{BD} \times \cot 30^\circ = r \times \sqrt{3} = 2\sqrt{3}$$

$$\Rightarrow \overline{PQ} = \overline{PC} + \overline{CD} + \overline{DQ} = 2\sqrt{3} + 4 + 2\sqrt{3} = 4 + 4\sqrt{3}$$

\therefore 此正三角形的邊長為 $4 + 4\sqrt{3}$

- () 5. 試問在坐標平面上原點至點 $(\sin 15^\circ, \sin 75^\circ)$ 的距離為何? (A) $\frac{1}{2}$

- (B) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (C) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (D) 1

解答 D

解析 $d = \sqrt{(\sin 15^\circ - 0)^2 + (\sin 75^\circ - 0)^2} = \sqrt{\sin^2 15^\circ + \sin^2 75^\circ}$
 $= \sqrt{\sin^2 15^\circ + \cos^2 15^\circ} = 1$

- () 6. 設 \vec{a} 、 \vec{b} 、 \vec{c} 為平面上之三個向量且 $\vec{a} = (\cos 30^\circ, \sin 30^\circ)$,

$\vec{b} = (\cos 150^\circ, \sin 150^\circ)$, $\vec{c} = (\cos 270^\circ, \sin 270^\circ)$, 試求 $\vec{a} + \vec{b} + \vec{c} =$

- (A) (1, 0) (B) (0, 1) (C) (1, 1) (D) (0, 0)

解答 D

解析 $\vec{a} = (\cos 30^\circ, \sin 30^\circ) = (\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2})$

$$\vec{b} = (\cos 150^\circ, \sin 150^\circ) = (-\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2})$$

$$\vec{c} = (\cos 270^\circ, \sin 270^\circ) = (0, -1)$$

$$\therefore \vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = (\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} + 0, \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - 1) = (0, 0)$$

- () 7. 若 $\tan \alpha$ 、 $\tan \beta$ 為 $x^2 - 3x - 7 = 0$ 的兩根, 則 $\tan(\alpha + \beta) =$ (A) $-\frac{1}{2}$

- (B) $-\frac{3}{8}$ (C) $\frac{3}{8}$ (D) $\frac{3}{7}$

解答 C

解析 $\because \tan\alpha, \tan\beta$ 為 $x^2 - 3x - 7 = 0$ 的兩根 $\Rightarrow \begin{cases} \tan\alpha + \tan\beta = 3 \\ \tan\alpha \tan\beta = -7 \end{cases}$

$$\therefore \tan(\alpha + \beta) = \frac{\tan\alpha + \tan\beta}{1 - \tan\alpha \tan\beta} = \frac{3}{1 - (-7)} = \frac{3}{8}$$

() 8. 在 $\triangle ABC$ 中，設 $\angle A, \angle B, \angle C$ 之對應邊長分別為 a, b, c ，若 $\angle B = 120^\circ, a = 5, c = 3$ ，則 $\triangle ABC$ 的外接圓面積為何？ (A) $\frac{7}{\sqrt{3}}\pi$

(B) $\frac{49}{\sqrt{3}}\pi$ (C) $\frac{7}{3}\pi$ (D) $\frac{49}{3}\pi$

解答 D

解析 $b^2 = c^2 + a^2 - 2ac\cos B = 3^2 + 5^2 - 2 \times 3 \times 5 \times \cos 120^\circ = 9 + 25 - (-15)$
 $= 49$

$$\Rightarrow b = \sqrt{49} = 7$$

$$\text{又 } \frac{b}{\sin B} = 2R \Rightarrow \frac{7}{\sin 120^\circ} = 2R \Rightarrow \frac{7}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = 2R$$

$$\Rightarrow R = \frac{7}{\sqrt{3}}$$

$$\therefore \triangle ABC \text{ 的外接圓面積為 } \pi R^2 = \pi \times \left(\frac{7}{\sqrt{3}}\right)^2 = \frac{49}{3}\pi$$

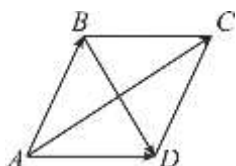
() 9. 在坐標平面上的平行四邊形 $ABCD$ (按順序) 中，若 $\vec{AB} = (4, 8)$ 、

$$\vec{AD} = (1, 4)$$
，則 $|\vec{AC}| + |\vec{BD}| =$ (A) $4\sqrt{5} + \sqrt{17}$ (B) 18

(C) $8\sqrt{5} + 2\sqrt{17}$ (D) 36

解答 B

解析



$$\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AD} = (4, 8) + (1, 4) = (5, 12)$$

$$\vec{BD} = \vec{BC} + \vec{CD} = \vec{AD} + \vec{BA} = \vec{AD} + (-\vec{AB}) = \vec{AD} - \vec{AB} = (1, 4) - (4, 8) = (-3, -4)$$

$$\text{而 } |\vec{AC}| = \sqrt{5^2 + 12^2} = 13, |\vec{BD}| = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = 5$$

$$\text{故 } |\vec{AC}| + |\vec{BD}| = 13 + 5 = 18$$

() 10. 設兩直線 $L_1: 3x + y - 4 = 0$ 與 $L_2: x + 3y - 4 = 0$ ，則 L_1 與 L_2 交角為銳角的角平分線方程式為何？ (A) $x + y - 2 = 0$ (B) $x - y = 0$
 (C) $2x + y - 3 = 0$ (D) $2x - y = 0$

解答 A

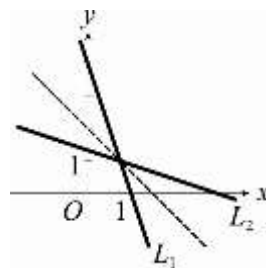
解析 L_1 與 L_2 交角的角平分線為 $\frac{|3x + y - 4|}{\sqrt{3^2 + 1^2}} = \frac{|x + 3y - 4|}{\sqrt{1^2 + 3^2}}$

$$\Rightarrow |3x + y - 4| = |x + 3y - 4| \Rightarrow 3x + y - 4 = \pm(x + 3y - 4)$$

$$\Rightarrow 3x + y - 4 \mp (x + 3y - 4) = 0 \Rightarrow 2x - 2y = 0 \text{ 與 } 4x + 4y - 8 = 0$$

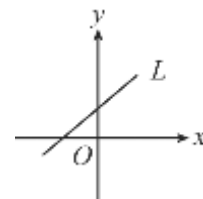
$$\Rightarrow x - y = 0 \text{ 與 } x + y - 2 = 0$$

其中 $x - y = 0$ 的斜率為 1， $x + y - 2 = 0$ 的斜率為 -1



由圖形可知 L_1 與 L_2 交角為銳角的角平分線，斜率為負，故所求為 $x + y - 2 = 0$

() 11. 若直線 $L: ax + by + c = 0$ 的圖形如圖，則點 $P(ac, ab)$ 在第幾象限？



(A) 一 (B) 二 (C) 三 (D) 四

解答 D

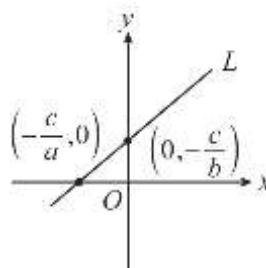
解析 $L: ax + by + c = 0$

$$x \text{ 截距為 } -\frac{c}{a}, y \text{ 截距為 } -\frac{c}{b}$$

$$\text{由圖示知 } -\frac{c}{a} < 0 \text{ 且 } -\frac{c}{b} > 0 \Rightarrow ac > 0 \text{ 且 } bc < 0$$

$$\Rightarrow a, c \text{ 同號且 } b, c \text{ 異號} \Rightarrow a, b \text{ 異號, 即 } ab < 0$$

\therefore 點 $P(ac, ab)$ 為 $(+, -)$ 在第四象限



() 12. 設拋物線 $x^2 - 2x - 4y + 1 = 0$ 之頂點為 V 且與直線 $L: y = 1$ 相交於 A, B 二點，則 $\triangle ABV$ 之面積為何？ (A) 1 (B) 2 (C) 4 (D) 8

解答 B

解析 拋物線 $x^2 - 2x - 4y + 1 = 0$

$$\Rightarrow -4y = -x^2 + 2x - 1 \xrightarrow{+(-4)} y = \frac{1}{4}x^2 - \frac{1}{2}x + \frac{1}{4}$$

$$\text{頂點 } V\left(-\frac{-\frac{1}{2}}{2 \times \frac{1}{4}}, \frac{4 \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} - \left(-\frac{1}{2}\right)^2}{4 \times \frac{1}{4}}\right) = (1, 0)$$

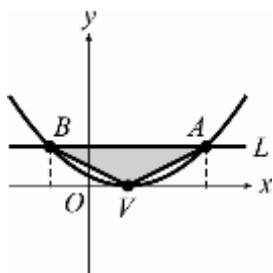
$$\text{令 } y = 1, \text{ 代入拋物線 } x^2 - 2x - 4y + 1 = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - 2x - 4 \times 1 + 1 = 0 \Rightarrow x^2 - 2x - 3 = 0$$

$$\Rightarrow (x - 3)(x + 1) = 0 \Rightarrow x = 3 \text{ 或 } -1$$

取 $A(3, 1), B(-1, 1)$ ，則 $\overline{AB} = 3 - (-1) = 4$ ，頂點 $V(1, 0)$ 到 $L: y = 1$ 的距離為 1

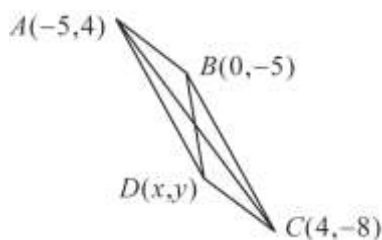
$$\triangle ABV \text{ 的面積} = \frac{1}{2} \times \underbrace{4}_{\text{底 } \overline{AB}} \times \underbrace{1}_{\text{高}} = 2$$



- () 13. 在坐標平面上的平行四邊形 $ABCD$ 中，若 A 、 B 、 C 三點的坐標分別為 $(-5, 4)$ 、 $(0, -5)$ 、 $(4, -8)$ ，則 D 點應落在下列哪一個象限？ (A) 第一象限 (B) 第二象限 (C) 第三象限 (D) 第四象限

解答 B

解析



設 $D(x, y)$

由平行四邊形對角線互相平分的性質知： \overline{AC} 中點 = \overline{BD} 中點

$$\Rightarrow \left(\frac{-5+4}{2}, \frac{4+(-8)}{2} \right) = \left(\frac{x+0}{2}, \frac{y+(-5)}{2} \right) \Rightarrow -5+4=x$$

$$\Rightarrow x=-1$$

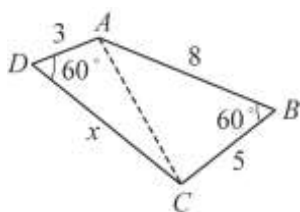
$$4+(-8)=y-5 \Rightarrow y=1$$

$\therefore D(-1, 1)$ 落在第二象限

- () 14. 已知四邊形 $ABCD$ (按順序) 中， $\overline{AB}=8$ ， $\overline{BC}=5$ ， $\overline{AD}=3$ ，且 $\angle ABC = \angle ADC = 60^\circ$ ，則 \overline{CD} 之長為多少？ (A) 5 (B) 6 (C) 7 (D) 8

解答 D

解析



設 $\overline{CD}=x$

$$\text{在 } \triangle ABC \text{ 中，} \overline{AC}^2 = 8^2 + 5^2 - 2 \times 8 \times 5 \times \cos 60^\circ = 49 \dots \textcircled{1}$$

在 $\triangle ADC$ 中，

$$\overline{AC}^2 = 3^2 + x^2 - 2 \times 3 \times x \times \cos 60^\circ = x^2 - 3x + 9 \dots \textcircled{2}$$

由 $\textcircled{1}$ 和 $\textcircled{2}$ 知

$$x^2 - 3x + 9 = 49 \Rightarrow x^2 - 3x - 40 = 0 \Rightarrow (x-8)(x+5) = 0 \Rightarrow$$

$x=8$ 或 -5 (不合)

故 $\overline{CD}=8$

- () 15. 設 \vec{a} 與 \vec{b} 為平面上的兩個向量，已知 $|\vec{a}|=1$ ， $|\vec{b}|=3$ ，且

$$|3\vec{a} - 2\vec{b}| = 3, \text{ 求 } \vec{a} \cdot \vec{b} = \text{ (A) } 0 \text{ (B) } 1 \text{ (C) } 2 \text{ (D) } 3$$

解答 D

解析 $\because |3\vec{a} - 2\vec{b}| = 3$

$$\text{平方得 } 9|\vec{a}|^2 - 12\vec{a} \cdot \vec{b} + 4|\vec{b}|^2 = 9$$

$$\text{又 } |\vec{a}|=1, |\vec{b}|=3$$

$$\Rightarrow 9 \times 1^2 - 12\vec{a} \cdot \vec{b} + 4 \times 3^2 = 9 \Rightarrow 12\vec{a} \cdot \vec{b} = 36$$

$$\therefore \vec{a} \cdot \vec{b} = 3$$

- () 16. 設三直線 $L_1: x+3y-2=0$ ， $L_2: 3x+y+2=0$ ， $L_3: x-y-2=0$ ，且 L_1 與 L_2 相交於 A 點，則過 A 點且與 L_3 平行的直線，不通過哪一個象限？ (A) 第一象限 (B) 第二象限 (C) 第三象限 (D) 第四象限

解答 D

解析

$$\begin{cases} x+3y-2=0 \dots \textcircled{1} \\ 3x+y+2=0 \dots \textcircled{2} \end{cases}$$

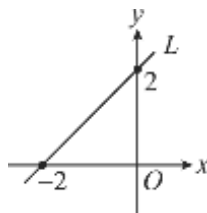
$$\textcircled{2} \times 3 - \textcircled{1} \text{ 得 } x=-1, \text{ 代回 } \textcircled{1} \text{ 得 } y=1 \Rightarrow A \text{ 點坐標為 } (-1, 1)$$

設過 A 點且與 L_3 平行的直線為

$$L: x-y+k=0$$

$$A(-1, 1) \text{ 代入 } L: -1-1+k=0 \Rightarrow k=2$$

則 $L: x-y+2=0$ ，圖形如下，不通過第四象限



- () 17. 若 $2+3\cos 2\theta=0$ ，則 $\sin^4 \theta - \cos^4 \theta =$ (A) $-\frac{\sqrt{5}}{3}$ (B) $-\frac{2}{3}$ (C) $\frac{2}{3}$ (D) $\frac{\sqrt{5}}{3}$

解答 C

解析

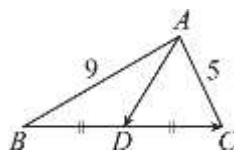
$$2+3\cos 2\theta=0 \Rightarrow 3\cos 2\theta=-2 \Rightarrow \cos 2\theta=-\frac{2}{3}$$

$$\begin{aligned} \sin^4 \theta - \cos^4 \theta &= (\sin^2 \theta)^2 - (\cos^2 \theta)^2 = (\sin^2 \theta + \cos^2 \theta)(\sin^2 \theta - \cos^2 \theta) \\ &= 1 \times (\sin^2 \theta - \cos^2 \theta) = \sin^2 \theta - \cos^2 \theta = -(\cos^2 \theta - \sin^2 \theta) \\ &= -\cos 2\theta = -\left(-\frac{2}{3}\right) = \frac{2}{3} \end{aligned}$$

- () 18. 在 $\triangle ABC$ 中，若 D 為線段 \overline{BC} 的中點，且 $\overline{AB}=9$ 、 $\overline{AC}=5$ ，則向量內積 $\vec{AD} \cdot \vec{BC} =$ (A) -28 (B) -14 (C) 14 (D) 28

解答 A

解析



$\therefore D$ 為 \overline{BC} 的中點

$$\therefore \overline{BD} : \overline{DC} = 1 : 1 \Rightarrow \vec{AD} = \frac{1}{2}\vec{AB} + \frac{1}{2}\vec{AC}$$

$$\vec{BC} = \vec{BA} + \vec{AC} = -\vec{AB} + \vec{AC}$$

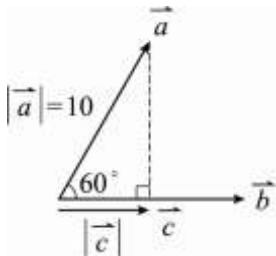
$$\begin{aligned} \vec{AD} \cdot \vec{BC} &= \left(\frac{1}{2}\vec{AB} + \frac{1}{2}\vec{AC} \right) \cdot \left(-\vec{AB} + \vec{AC} \right) = -\frac{1}{2}|\vec{AB}|^2 + \frac{1}{2}|\vec{AC}|^2 \\ &= -\frac{1}{2} \times 9^2 + \frac{1}{2} \times 5^2 = -28 \end{aligned}$$

() 19. 已知向量 $\vec{a} = (-6, 8)$ 且與 \vec{b} 之夾角為 60° ，則向量 \vec{a} 在 \vec{b}

上的正射影長為何？ (A) 5 (B) 7 (C) $5\sqrt{3}$ (D) 10

解答 A

解析 如圖， \vec{a} 在 \vec{b} 上的正射影為 \vec{c}



而 $|\vec{a}| = \sqrt{(-6)^2 + 8^2} = 10$ ，則正射影長

$$|\vec{c}| = |\vec{a}| \times |\cos 60^\circ| = 10 \times \frac{1}{2} = 5$$

〈另解〉

$$|\vec{a}| = \sqrt{(-6)^2 + 8^2} = 10$$

\vec{a} 在 \vec{b} 上的正射影長為

$$\frac{|\vec{a} \cdot \vec{b}|}{|\vec{b}|} = \frac{||\vec{a}| \times |\vec{b}| \times \cos 60^\circ|}{|\vec{b}|} = \frac{|\vec{a}| \times |\vec{b}| \times |\cos 60^\circ|}{|\vec{b}|}$$

$$= |\vec{a}| \times |\cos 60^\circ| = 10 \times \frac{1}{2} = 5$$

() 20. 設 $0 \leq x \leq 2\pi$ ，試問函數 $f(x) = \sin^2 x - 2\cos x + 2$ 之最大值為何？

(A) 1 (B) 2 (C) 4 (D) 5

解答 C

解析 $f(x) = \sin^2 x - 2\cos x + 2 = 1 - \cos^2 x - 2\cos x + 2 = -(\cos^2 x + 2\cos x + 1) +$

4

$$= -(\cos x + 1)^2 + 4$$

但 $0 \leq x \leq 2\pi \Rightarrow |\cos x| \leq 1$

\therefore 當 $\cos x = -1$ 時 $f(x)$ 有最大值 $-(-1+1)^2 + 4 = 4$

() 21. 若 $\tan \theta \csc \theta = -1 + 6\cos \theta$ ，其中 θ 為第三象限角，則 $\tan \theta =$

(A) $2\sqrt{2}$ (B) $\sqrt{3}$ (C) $-\sqrt{3}$ (D) $-2\sqrt{2}$

解答 A

解析 $\tan \theta \csc \theta = -1 + 6\cos \theta \Rightarrow \frac{\sin \theta}{\cos \theta} \times \frac{1}{\sin \theta} = -1 + 6\cos \theta$

$$\Rightarrow \frac{1}{\cos \theta} = -1 + 6\cos \theta \quad \times \cos \theta \Rightarrow 1 = -\cos \theta + 6\cos^2 \theta$$

$$\Rightarrow 6\cos^2 \theta - \cos \theta - 1 = 0 \Rightarrow (3\cos \theta + 1)(2\cos \theta - 1) = 0$$

$$\Rightarrow \cos \theta = -\frac{1}{3} \text{ 或 } \frac{1}{2}$$

$\therefore \theta$ 為第三象限角

$$\therefore \cos \theta < 0$$

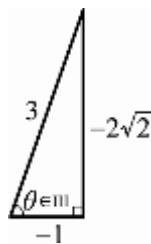
$$\text{故 } \cos \theta = -\frac{1}{3}$$

用 $\cos \theta = -\frac{1}{3}$ 來作直角三角形

取斜邊 = 3，鄰邊 = -1

$$\text{則對邊} = -\sqrt{3^2 - (-1)^2} = -2\sqrt{2}$$

$$\text{因此 } \tan \theta = \frac{-2\sqrt{2}}{-1} = 2\sqrt{2}$$



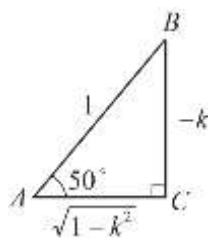
() 22. 若 $\sin 230^\circ = k$ ，則 $\tan 50^\circ =$ (A) $-\frac{\sqrt{1-k^2}}{k}$ (B) $-\frac{k}{\sqrt{1-k^2}}$

(C) $-\sqrt{1-k^2}$ (D) $-\frac{1}{\sqrt{1-k^2}}$

解答 B

解析 $\sin 230^\circ = \sin(180^\circ + 50^\circ) = -\sin 50^\circ = k \Rightarrow \sin 50^\circ = -k = \frac{-k}{1}$

如圖所示：



$$\text{故 } \tan 50^\circ = \frac{-k}{\sqrt{1-k^2}} = -\frac{k}{\sqrt{1-k^2}}$$

() 23. 下列各三角函數值，何者數值最小？ (A) $\sin 885^\circ$ (B) $\cos(-430^\circ)$

(C) $\tan 131^\circ$ (D) $\sin(-2010^\circ)$

解答 C

解析 $\sin 885^\circ = \sin(2 \times 360^\circ + 165^\circ) = \sin 165^\circ = \sin(180^\circ - 15^\circ) = \sin 15^\circ > 0$

$$\cos(-430^\circ) = \cos 430^\circ = \cos(360^\circ + 70^\circ) = \cos 70^\circ > 0$$

$$\tan 131^\circ = \tan(180^\circ - 49^\circ) = -\tan 49^\circ < 0$$

$$\sin(-2010^\circ) = \sin(-6 \times 360^\circ + 150^\circ) = \sin 150^\circ = \sin(180^\circ - 30^\circ) = \sin 30^\circ > 0$$

由上可知 $\tan 131^\circ$ 的值最小

() 24. 設平面二向量 $\vec{u} = (2\cos \theta, \sin \theta)$ ， $\vec{v} = (\sin \theta, 2\cos \theta)$ 且其內

積 $\vec{u} \cdot \vec{v} = 1$ ，若 $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$ ，則 θ 之值可能為何？ (A) $\frac{\pi}{12}$

(B) $\frac{\pi}{6}$ (C) $\frac{\pi}{4}$ (D) $\frac{\pi}{3}$

解答 A

解析

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = (2\cos\theta, \sin\theta) \cdot (\sin\theta, 2\cos\theta)$$

$$= 2\cos\theta\sin\theta + \sin\theta \times 2\cos\theta$$

$$= 2 \times \underline{2\sin\theta\cos\theta} = 2 \underline{\sin 2\theta}$$

$$\because \vec{u} \cdot \vec{v} = 1 \quad \therefore 2\sin 2\theta = 1 \Rightarrow \sin 2\theta = \frac{1}{2}$$

$$\text{又 } 0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2} \quad \times 2 \Rightarrow 0 \leq 2\theta \leq \pi$$

$$\text{而 } \sin \frac{\pi}{6} = \sin \frac{5}{6}\pi = \frac{1}{2}$$

$$\text{則 } 2\theta = \frac{\pi}{6} \text{ 或 } \frac{5}{6}\pi \Rightarrow \theta = \frac{\pi}{12} \text{ 或 } \frac{5}{12}\pi$$

故選(A)

() 25. 已知 θ 為第三象限角，且 $\tan\theta = \frac{3}{4}$ ，則 $\frac{2\sin\theta - 1}{3 + 4\cos\theta} =$ (A) $\frac{1}{31}$

(B) $\frac{13}{7}$ (C) 11 (D) 31 解答 C

解析 $\because \theta$ 為第三象限角且 $\tan\theta = \frac{3}{4} \quad \therefore \sin\theta = -\frac{3}{5}$ ，

$$\cos\theta = -\frac{4}{5}$$

$$\text{所求} = \frac{2 \times (-\frac{3}{5}) - 1}{3 + 4 \times (-\frac{4}{5})} = \frac{-\frac{11}{5}}{-\frac{1}{5}} = 11$$

