

一、單選題 (25 題 每題 4 分 共 100 分)

- () 1. 若 $A(1,3)$ 、 $B(-4,7)$ 及 $C(x,y)$ 為平面上三點，且 $3\overrightarrow{BC} = 2\overrightarrow{AC}$ ，則 (x,y) 為何？ (A) $(15, -14)$ (B) $(-15, 14)$ (C) $(-14, 15)$ (D) $(14, -15)$

【092 年歷屆試題.】

解答 C

$$\text{解析 } \because A(1,3)、B(-4,7)、C(x,y) \Rightarrow \begin{cases} \overrightarrow{BC} = (x+4, y-7) \\ \overrightarrow{AC} = (x-1, y-3) \end{cases}$$

$$\text{又 } 3\overrightarrow{BC} = 2\overrightarrow{AC} \Rightarrow (3x+12, 3y-21) = (2x-2, 2y-6)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 3x+12=2x-2 \\ 3y-21=2y-6 \end{cases} \Rightarrow x=-14, y=15$$

$$\therefore (x,y) = (-14, 15)$$

- () 2. 設 $\triangle ABC$ 三內角 $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 的對應邊分別為 a 、 b 、 c ，且 $\sqrt{a^2 - 3bc} = b - c$ ，求 $\angle A$ 之值為 (A) $\frac{\pi}{2}$ (B) $\frac{2\pi}{3}$ (C) $\frac{3\pi}{4}$ (D) $\frac{5\pi}{6}$

【105 年歷屆試題.】

解答 B

$$\text{解析 } \sqrt{a^2 - 3bc} = b - c \xrightarrow{\text{平方}} (\sqrt{a^2 - 3bc})^2 = (b - c)^2$$

$$\Rightarrow a^2 - 3bc = b^2 - 2bc + c^2 \Rightarrow b^2 + c^2 - a^2 = -bc$$

$$\text{由餘弦定理：} \cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} = \frac{-bc}{2bc} = -\frac{1}{2}$$

$$\therefore \cos 120^\circ = -\frac{1}{2}$$

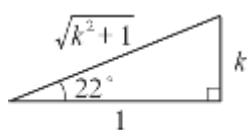
$$\therefore \angle A = 120^\circ = \frac{2\pi}{3}$$

- () 3. 已知 $\tan 22^\circ = k$ ，則 $\sin 202^\circ =$ (A) $\frac{1}{\sqrt{k^2+1}}$ (B) $\frac{-1}{\sqrt{k^2+1}}$ (C) $\frac{k}{\sqrt{k^2+1}}$ (D) $\frac{-k}{\sqrt{k^2+1}}$

【091 年歷屆試題.】

解答 D

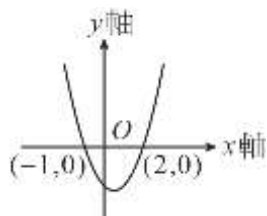
解析 由題目中： $\tan 22^\circ = k = \frac{k}{1}$ 可得下圖



$$\text{所求 } \sin 202^\circ = \sin(360^\circ \times 5 + 202^\circ) = \sin 202^\circ = \sin(180^\circ + 22^\circ)$$

$$= -\sin 22^\circ \text{ (由圖中)} = -\frac{k}{\sqrt{k^2+1}}$$

- () 4. 設 a 、 b 為實數，若坐標平面上的拋物線 $y = x^2 + ax + b$ 的圖形與 x 軸的交點為 $(-1, 0)$ 、 $(2, 0)$ ，如圖所示，



$$\text{則 } a + b = \text{ (A) } 2 \text{ (B) } 3 \text{ (C) } -2 \text{ (D) } -3$$

【096 年歷屆試題.】

解答 D

解析 $y = x^2 + ax + b$

$$(-1, 0) \text{ 代入得 } 0 = 1 - a + b \cdots \textcircled{1}$$

$$(2, 0) \text{ 代入得 } 0 = 4 + 2a + b \cdots \textcircled{2}$$

$$\text{由 } \textcircled{2} - \textcircled{1} \text{ 得 } 0 = 3 + 3a \Rightarrow a = -1$$

$$a = -1 \text{ 代入 } \textcircled{1} \text{ 得 } b = -2 \therefore a + b = -3$$

() 5. 設直線 L_1 的斜率為 -2 且通過點 $(0, -4)$ ，又直線 L_2 的 x 、 y 軸截距分別為 1 、 2 ，則下列敘述何者正確？ (A) L_1 與 L_2 相交於點 $(2,$

$-8)$ (B) L_1 與 L_2 相交於點 $(4, -6)$ (C) L_1 與 L_2 平行且兩線相距 $\frac{2}{\sqrt{5}}$ (D) L_1 與 L_2 平行且兩線相距 $\frac{6}{\sqrt{5}}$

【100 年歷屆試題】

解答 D

解析 $L_1: y - (-4) = -2(x - 0) \Rightarrow 2x + y + 4 = 0$

$$L_2: \frac{x}{1} + \frac{y}{2} = 1 \Rightarrow 2x + y - 2 = 0$$

$$\therefore L_1 \text{ 與 } L_2 \text{ 的係數比: } \frac{2}{2} = \frac{1}{1} \neq \frac{4}{-2}$$

$$\therefore L_1 // L_2, \text{ 而 } L_1 \text{ 與 } L_2 \text{ 的距離} = \frac{|4 - (-2)|}{\sqrt{2^2 + 1^2}} = \frac{6}{\sqrt{5}}$$

() 6. 設三角形的三邊長為 7 、 24 、 25 ，其內切圓半徑為 r ，外接圓半徑為 R ，求 $\frac{r}{R} =$ (A) 0.12 (B) 0.24 (C) 0.25 (D) 0.48

【106 年歷屆試題】

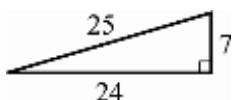
解答 B

解析 (1) 三角形的面積：

$$\because 7^2 + 24^2 = 25^2$$

\therefore 此三角形為直角三角形

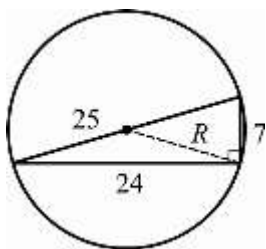
$$\text{面積為 } \frac{1}{2} \times 24 \times 7 = 84$$



(2) 三角形的外接圓半徑 R ：

由正弦定理可知：

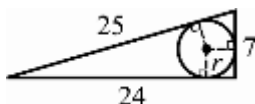
$$\frac{25}{\sin 90^\circ} = 2R \Rightarrow \frac{25}{1} = 2R \Rightarrow R = \frac{25}{2}$$



(3) 三角形的內切圓半徑 r ：

$$\text{令 } s = \frac{1}{2} \times (7 + 24 + 25) = 28$$

$$\text{三角形面積} = rs \Rightarrow 84 = r \times 28 \Rightarrow r = 3$$



由(2)和(3)可知：

$$\frac{r}{R} = \frac{3}{\frac{25}{2}} = \frac{6}{25} = 0.24$$

- () 7. 設 θ 為實數，若 $\sin\theta + \cos\theta = \frac{1}{3}$ ，則 $\tan\theta + \cot\theta =$ (A) $-\frac{5}{4}$ (B) $-\frac{9}{4}$ (C) $\frac{5}{4}$ (D) $\frac{9}{4}$

【094 年歷屆試題】

解答 B

解析 $\because \sin\theta + \cos\theta = \frac{1}{3} \Rightarrow (\sin\theta + \cos\theta)^2 = (\frac{1}{3})^2$

$$\Rightarrow 1 + 2\sin\theta\cos\theta = \frac{1}{9} \Rightarrow \sin\theta\cos\theta = -\frac{4}{9}$$

$$\therefore \tan\theta + \cot\theta = \frac{1}{\sin\theta\cos\theta} = -\frac{9}{4}$$

- () 8. 設兩向量 \vec{a} 、 \vec{b} 的夾角為 θ ，且 $|\vec{a}| = |\vec{b}|$ ， $|\vec{a} + \vec{b}| = 4$ ， $|\vec{a} - \vec{b}| = 3$ ，則 $\cos\theta =$ (A) $\frac{7}{25}$ (B) $\frac{5}{13}$ (C) $\frac{3}{5}$ (D) $\frac{4}{5}$

【092 年歷屆試題】

解答 A

解析 $\because |\vec{a} + \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 + 2\vec{a} \cdot \vec{b} = 16 \dots \textcircled{1}$

$$\text{又 } |\vec{a} - \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 - 2\vec{a} \cdot \vec{b} = 9 \dots \textcircled{2}$$

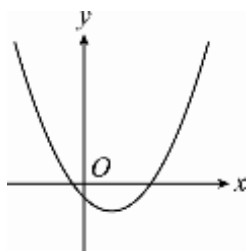
$$\text{由 } \textcircled{1} + \textcircled{2} \text{ 得 } 2(|\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2) = 25$$

$$\text{已知 } |\vec{a}| = |\vec{b}| \Rightarrow 4|\vec{a}|^2 = 25 \Rightarrow |\vec{a}|^2 = \frac{25}{4}$$

$$\text{由 } \textcircled{1} - \textcircled{2} \text{ 得 } 4\vec{a} \cdot \vec{b} = 7 \Rightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = \frac{7}{4}$$

$$\therefore \cos\theta = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}| |\vec{b}|} = \frac{\vec{a} \cdot \vec{b}}{|\vec{a}|^2} (\because |\vec{a}| = |\vec{b}|) = \frac{\frac{7}{4}}{\frac{25}{4}} = \frac{7}{25}$$

- () 9. 設 a 、 b 、 c 為實數，且二次函數 $y = ax^2 + bx + c$ 的圖形如圖所示，則點 $P(b^2 - 4ac, abc)$ 在第幾象限？



- (A) 第一象限 (B) 第二象限 (C) 第三象限 (D) 第四象限

【100 年歷屆試題】

解答 A

解析 對於 $y = ax^2 + bx + c$ 的圖形

開口向上 $\Rightarrow a > 0$

頂點在 y 軸右側 $\Rightarrow a \cdot b$ 異號 $\Rightarrow b < 0$

與 y 軸的交點 $(0, c)$ 在 y 軸的負向 $\Rightarrow c < 0$

與 x 軸有 2 個交點 $\Rightarrow b^2 - 4ac > 0$

因此 $abc > 0$ ，故 $P(b^2 - 4ac, abc)$ 在第一象限

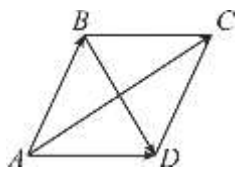
- () 10. 在坐標平面上的平行四邊形 $ABCD$ (按順序) 中，若 $\vec{AB} = (4, 8)$ 、 $\vec{AD} = (1, 4)$ ，則 $|\vec{AC}| + |\vec{BD}| =$ (A) $4\sqrt{5} + \sqrt{17}$ (B) 18

(C) $8\sqrt{5} + 2\sqrt{17}$ (D) 36

【099 年歷屆試題.】

解答 B

解析



$$\vec{AC} = \vec{AB} + \vec{AD} = (4, 8) + (1, 4) = (5, 12)$$

$$\vec{BD} = \vec{BC} + \vec{CD} = \vec{AD} + \vec{BA} = \vec{AD} + (-\vec{AB}) = \vec{AD} - \vec{AB} = (1, 4) - (4, 8) = (-3, -4)$$

$$\text{而 } |\vec{AC}| = \sqrt{5^2 + 12^2} = 13, \quad |\vec{BD}| = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = 5$$

$$\text{故 } |\vec{AC}| + |\vec{BD}| = 13 + 5 = 18$$

故選(B)

- () 11. 設 $A(-13, -19)$ 、 $B(x, y)$ 為平面上相異兩點。若向量 \vec{AB} 與向量 $\vec{u} = (5, 12)$ 同方向且 $|\vec{AB}| = 26$ ，則 $3x - 4y =$ (A) -103 (B) -29
(C) 29 (D) 103

【100 年歷屆試題.】

解答 B

$$\text{解析 } \vec{AB} = (x - (-13), y - (-19)) = (x + 13, y + 19)$$

$$\because |\vec{AB}| = 26, \quad |\vec{u}| = \sqrt{5^2 + 12^2} = 13$$

且 \vec{AB} 與 \vec{u} 同方向，

$$\therefore \vec{AB} = 2\vec{u} \Rightarrow (x + 13, y + 19) = 2(5, 12) = (10, 24)$$

$$\Rightarrow x = -3, y = 5$$

$$\text{因此 } 3x - 4y = 3 \times (-3) - 4 \times 5 = -29$$

- () 12. 下列選項何者正確？ (A) $\cos\left(\frac{-\pi}{6}\right) = -\cos\frac{\pi}{6}$ (B) $\cos\frac{2\pi}{3} = \cos\frac{\pi}{3}$ (C) $\sin\left(\frac{-\pi}{4}\right) = \sin\frac{\pi}{4}$ (D) $\sin\frac{2\pi}{3} = \sin\frac{\pi}{3}$

【097 年歷屆試題.】

解答 D

$$\text{解析 (A) } \cos\left(\frac{-\pi}{6}\right) = \cos\frac{\pi}{6}$$

$$\text{(B) } \cos\frac{2\pi}{3} = \cos\left(\pi - \frac{\pi}{3}\right) = -\cos\frac{\pi}{3}$$

$$\text{(C) } \sin\left(\frac{-\pi}{4}\right) = -\sin\frac{\pi}{4}$$

$$\text{(D) } \sin\frac{2\pi}{3} = \sin\left(\pi - \frac{\pi}{3}\right) = \sin\frac{\pi}{3}$$

- () 13. 若在坐標平面上的平行四邊形 $ABCD$ 中，點 A 、 B 、 C 的坐標分別為 $(5, 2)$ 、 $(1, 3)$ 、 $(-4, 3)$ ，則 D 點之坐標為何？ (A) $(1, 8)$ (B) $(0, 2)$
(C) $(2, 7)$ (D) $(3, 9)$

【096 年歷屆試題.】

解答 B

解析 利用平行四邊形對角線互相平分

設 D 點坐標為 (x,y)

又 $A(5,2)$ 、 $B(1,3)$ 、 $C(-4,3)$

$\therefore \overline{AC}$ 中點 = \overline{BD} 中點

$$\Rightarrow \left(\frac{5+(-4)}{2}, \frac{2+3}{2}\right) = \left(\frac{1+x}{2}, \frac{3+y}{2}\right) \Rightarrow x=0, y=2$$

$\therefore D$ 點坐標為 $(0,2)$

《另解》

設 D 點坐標為 (x,y)

又知 $A(5,2)$ 、 $B(1,3)$ 、 $C(-4,3)$

$$\Rightarrow x=5+(-4)-1=0 \Rightarrow y=2+3-3=2$$

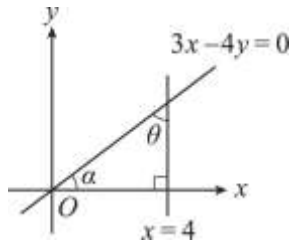
$\therefore D$ 點坐標為 $(0,2)$

- () 14. 設 $x=4$ 與 $3x-4y=0$ 兩直線所夾的銳角為 θ ，則 $\sin\theta =$ (A) $\frac{1}{5}$ (B) $\frac{2}{5}$ (C) $\frac{3}{5}$ (D) $\frac{4}{5}$

【093 年歷屆試題】

解答 D

解析 如下圖所示



設 $3x-4y=0$ 斜角為 α ，則 $m = \tan\alpha = \frac{3}{4}$

$$\therefore \alpha \text{ 為銳角} \Rightarrow \cos\alpha = \frac{4}{5}$$

又 $\alpha + \theta = 90^\circ$

$$\therefore \sin\theta = \sin(90^\circ - \alpha) = \cos\alpha = \frac{4}{5}$$

- () 15. 設 $A(2,5)$ 、 $B(4,3)$ 、 $C(5,1)$ 為坐標平面上之三點，若 \overrightarrow{AB} 在 \overrightarrow{AC} 上的正射影為 \overrightarrow{AD} ，則 $|\overrightarrow{AD}| : |\overrightarrow{AC}| =$ (A) 7:5 (B) 14:5 (C) 7:25 (D) 14:25

【095 年歷屆試題】

解答 D

解析 $\therefore A(2,5)$ 、 $B(4,3)$ 、 $C(5,1) \Rightarrow \overrightarrow{AB} = (2,-2)$ ， $\overrightarrow{AC} = (3,-4)$

$$\overrightarrow{AB} \text{ 在 } \overrightarrow{AC} \text{ 上的正射影為 } \overrightarrow{AD} = \left(\frac{\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}}{|\overrightarrow{AC}|^2}\right) \overrightarrow{AC}$$

$$\therefore |\overrightarrow{AD}| : |\overrightarrow{AC}| = |\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AC}| : |\overrightarrow{AC}|^2 = |2 \cdot 3 + (-2)(-4)| : (3^2 + (-4)^2) = 14 : 25$$

- () 16. 求函數 $f(x) = (\cos x + 3\sin x)(\cos x - \sin x)$ 之最小值為何？ (A) $-2\sqrt{5}$ (B) -4 (C) $-\frac{7}{2}$ (D) $-\sqrt{5}-1$

【099 年歷屆試題】

解答 D

解析 $f(x) = \cos^2 x + 2\sin x \cos x - 3\sin^2 x = (1 - \sin^2 x) + \sin 2x - 3\sin^2 x$

$$= 1 - 4\sin^2 x + \sin 2x = 1 - 4\left(\frac{1 - \cos 2x}{2}\right) + \sin 2x = \sin 2x + 2\cos 2x - 1$$

故 $f(x)$ 的最小值為 $-\sqrt{1^2 + 2^2} - 1 = -\sqrt{5} - 1$

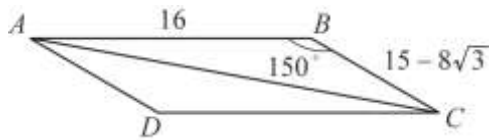
故選(D)

- () 17. 有一隻螞蟻在平行四邊形 $ABCD$ 的平面上從 A 點出發，行走至 C 點覓食，若 $\angle ABC = 150^\circ$ ， $\overline{AB} = 16$ ， $\overline{BC} = 15 - 8\sqrt{3}$ ，則螞蟻由 A 點行走至 C 點之最短距離為何？ (A)16 (B)17 (C)18 (D)19

【097 年歷屆試題】

解答 B

解析



在 $\triangle ABC$ 中，由餘弦定理知：

$$\overline{AC}^2 = \overline{AB}^2 + \overline{BC}^2 - 2\overline{AB} \times \overline{BC} \times \cos B$$

$$= 16^2 + (15 - 8\sqrt{3})^2 - 2 \times 16 \times (15 - 8\sqrt{3}) \times \left(-\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$$

$$= 16^2 + (15 - 8\sqrt{3})^2 + 16\sqrt{3}(15 - 8\sqrt{3}) = 16^2 + (15 - 8\sqrt{3})[(15 - 8\sqrt{3}) + 16\sqrt{3}]$$

$$= 16^2 + (15 - 8\sqrt{3})(15 + 8\sqrt{3}) = 16^2 + [15^2 - (8\sqrt{3})^2]$$

$$= 256 + 225 - 192 = 289$$

$$\therefore \overline{AC} = \sqrt{289} = 17$$

- () 18. 設 \vec{a} ， \vec{b} ， \vec{c} 為平面上的三個向量且「 \cdot 」表向量的內積，若 $\vec{a} \cdot (3\vec{b} - \vec{c}) = 9$ 且 $\vec{a} \cdot \vec{b} = 6$ ，則 $\vec{a} \cdot \vec{c} = ?$ (A)6 (B)7 (C)8 (D)9

【097 年歷屆試題】

解答 D

解析 $\vec{a} \cdot (3\vec{b} - \vec{c}) = 9$

$$3\vec{a} \cdot \vec{b} - \vec{a} \cdot \vec{c} = 9$$

$$3 \times 6 - \vec{a} \cdot \vec{c} = 9$$

$$\vec{a} \cdot \vec{c} = 18 - 9 = 9$$

- () 19. 設三直線 $L_1: x + 3y - 2 = 0$ ， $L_2: 3x + y + 2 = 0$ ， $L_3: x - y - 2 = 0$ ，且 L_1 與 L_2 相交於 A 點，則過 A 點且與 L_3 平行的直線，不通過 哪一個象限？ (A)第一象限 (B)第二象限 (C)第三象限 (D)第四象限

【099 年歷屆試題】

解答 D

解析 $\begin{cases} x + 3y - 2 = 0 \dots \textcircled{1} \\ 3x + y + 2 = 0 \dots \textcircled{2} \end{cases}$

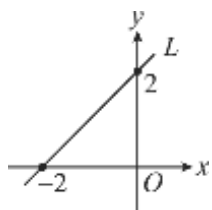
$$\textcircled{2} \times 3 - \textcircled{1} \text{ 得 } x = -1, \text{ 代回 } \textcircled{1} \text{ 得 } y = 1 \Rightarrow A \text{ 點坐標為 } (-1, 1)$$

設過 A 點且與 L_3 平行的直線為

$$L: x - y + k = 0$$

$$A(-1, 1) \text{ 代入 } L: -1 - 1 + k = 0 \Rightarrow k = 2$$

則 $L: x - y + 2 = 0$ ，圖形如下，不通過第四象限



故選(D)

() 20. 在 $\triangle ABC$ 中，設 $\angle A$ 、 $\angle B$ 、 $\angle C$ 之對應邊長分別為 a 、 b 、 c ，若 $\angle B = 120^\circ$ ， $a = 5$ ， $c = 3$ ，則 $\triangle ABC$ 的外接圓面積為何？ (A) $\frac{7}{\sqrt{3}}\pi$

(B) $\frac{49}{\sqrt{3}}\pi$ (C) $\frac{7}{3}\pi$ (D) $\frac{49}{3}\pi$

【095年歷屆試題】

解答 D

解析 $b^2 = c^2 + a^2 - 2ac\cos B = 3^2 + 5^2 - 2 \times 3 \times 5 \times \cos 120^\circ = 9 + 25 - (-15) = 49$

$$\Rightarrow b = \sqrt{49} = 7$$

$$\text{又 } \frac{b}{\sin B} = 2R \Rightarrow \frac{7}{\sin 120^\circ} = 2R \Rightarrow \frac{7}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = 2R \Rightarrow R = \frac{7}{\sqrt{3}}$$

$$\therefore \triangle ABC \text{ 的外接圓面積為 } \pi R^2 = \pi \times \left(\frac{7}{\sqrt{3}}\right)^2 = \frac{49}{3}\pi$$

() 21. 已知 $\triangle ABC$ 中， $\overline{AB} = 4$ ， $\overline{AC} = 5$ ， $\overline{BC} = 6$ ，則 $\sin A =$ (A) $-\frac{\sqrt{63}}{8}$ (B) $-\frac{7}{8}$ (C) $\frac{7}{8}$ (D) $\frac{\sqrt{63}}{8}$

【093年歷屆試題】

解答 D

解析 $\triangle ABC$ 中， $\overline{AB} = c = 4$ ， $\overline{AC} = b = 5$ ， $\overline{BC} = a = 6$

由餘弦定理知

$$\cos A = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} = \frac{5^2 + 4^2 - 6^2}{2 \times 5 \times 4} = \frac{1}{8}$$

又 $\angle A$ 為 $\triangle ABC$ 的內角 $\Rightarrow 0^\circ < \angle A < 180^\circ$

$$\therefore \sin A = \sqrt{1 - \cos^2 A} = \sqrt{1 - \left(\frac{1}{8}\right)^2} = \sqrt{\frac{63}{64}} = \frac{\sqrt{63}}{8} \quad () 22. \text{ 已知 } P(a, 1)、Q(-1, b) \text{ 為平面上兩點。若 } P \text{ 為直線 } L: 3x - 4y = 2 \text{ 上}$$

一點，且直線 \overrightarrow{PQ} 與直線 L 垂直，則 $a + b =$ (A) 7 (B) 9 (C) 11 (D) 13

【104年歷屆試題】

解答 A

解析 $\because P(a, 1)$ 為 $L: 3x - 4y = 2$ 上一點

$$\therefore 3 \times a - 4 \times 1 = 2$$

$$\Rightarrow a = 2, \text{ 則 } P(2, 1)$$

$$\text{直線 } \overrightarrow{PQ} \text{ 的斜率 } m_{PQ} = \frac{1 - b}{2 - (-1)} = \frac{1 - b}{3}$$

$$\text{直線 } L \text{ 的斜率 } m = -\frac{3}{-4} = \frac{3}{4}$$

$$\therefore \overrightarrow{PQ} \perp L$$

$$\therefore m_{PQ} \times m = -1$$

$$\Rightarrow \frac{1 - b}{3} \times \frac{3}{4} = -1$$

$$\Rightarrow b = 5$$

$$\text{故 } a + b = 2 + 5 = 7$$

() 23. 已知平面上四點坐標為 $A(57, 23)$ 、 $B(7, -2)$ 、 $C(5, 12)$ 、 $D(x, y)$ 。若向量 $\overrightarrow{AD} = \frac{7}{4}\overrightarrow{AB} - \frac{3}{4}\overrightarrow{AC}$ ，則 $x + y =$ (A) -4 (B) -2 (C) 2

(D)4

【104年歷屆試題】

解答 A

解析 $\vec{AD} = (x-57, y-23) \dots \dots \textcircled{1}$

$$\vec{AB} = (7-57, -2-23) = (-50, -25)$$

$$\vec{AC} = (5-57, 12-23) = (-52, -11)$$

$$\begin{aligned} \vec{AD} &= \frac{7}{4}\vec{AB} - \frac{3}{4}\vec{AC} = \frac{7}{4}(-50, -25) - \frac{3}{4}(-52, -11) \\ &= \left(\frac{-350}{4}, \frac{-175}{4}\right) - \left(\frac{-156}{4}, \frac{-33}{4}\right) = \left(-\frac{97}{2}, -\frac{71}{2}\right) \dots \dots \textcircled{2} \end{aligned}$$

由①與②：

$$\text{則 } x-57 = -\frac{97}{2} \Rightarrow x = \frac{17}{2}$$

$$y-23 = -\frac{71}{2} \Rightarrow y = -\frac{25}{2}$$

$$\text{故 } x+y = \frac{17}{2} + \left(-\frac{25}{2}\right) = -4$$

〈另解〉

$$\vec{AD} = \frac{7}{4}\vec{AB} - \frac{3}{4}\vec{AC} \quad \overset{\times 4}{\Rightarrow} \quad 4\vec{AD} = 7\vec{AB} - 3\vec{AC}$$

$$\Rightarrow 4(D-A) = 7(B-A) - 3(C-A)$$

$$\Rightarrow 4D = 7B - 3C = 7(7, -2) - 3(5, 12) = (49, -14) - (15, 36) = (34, -50)$$

$$\overset{\div 4}{\Rightarrow} D = \left(\frac{17}{2}, -\frac{25}{2}\right) \Rightarrow x = \frac{17}{2}, y = -\frac{25}{2}$$

$$\text{故 } x+y = \frac{17}{2} + \left(-\frac{25}{2}\right) = -4$$

() 24. 已知平面三向量 $\vec{a} = (3, 4)$, $\vec{b} = (x, -9)$, $\vec{c} = (-8, y)$ 。設 $\vec{a} \perp \vec{b}$ 且 $\vec{b} \parallel \vec{c}$, 則 $y-x$ 之值為何? (A)-18 (B)-6 (C)6

(D)18

【103年歷屆試題】

解答 B

解析 $\because \vec{a} \perp \vec{b} \quad \therefore \vec{a} \cdot \vec{b} = 0$

$$\Rightarrow (3, 4) \cdot (x, -9) = 0 \Rightarrow 3x + 4(-9) = 0 \Rightarrow 3x - 36 = 0 \Rightarrow x = 12$$

$$\text{則 } \vec{b} = (x, -9) = (12, -9)$$

$\because \vec{b} \parallel \vec{c}$ 且 $\vec{c} = (-8, y) \quad \therefore \frac{12}{-8} = \frac{-9}{y}$ () 25. 設 $\sin(-45^\circ)\sin 15^\circ = k - \cos 45^\circ \cos(-15^\circ)$, 則 k 之值為何? (A)0

(B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (D) $\frac{\sqrt{3}}{2}$

【103年歷屆試題】

$$\Rightarrow 12y = 72 \Rightarrow y = 6$$

$$\text{故 } y-x = 6-12 = -6$$

解答 B

解析 $\because \sin(-45^\circ) = -\sin 45^\circ, \cos(-15^\circ) = \cos 15^\circ$

\therefore 原式可化簡如下

$$\Rightarrow -\sin 45^\circ \sin 15^\circ = k - \cos 45^\circ \cos 15^\circ$$

$$\Rightarrow k = \cos 45^\circ \cos 15^\circ - \sin 45^\circ \sin 15^\circ = \cos(45^\circ + 15^\circ) = \cos 60^\circ = \frac{1}{2}$$